文章编号:1674-2974(2020)06-0014-10

DOI:10.16339/j.cnki.hdxbzkb.2020.06.003

# 基于快速终端滑模状态观测器 的车轮滑移率跟踪控制

张家旭1,2,施正堂3,赵健1

(1. 吉林大学 汽车仿真与控制国家重点实验室,吉林 长春 130022;2. 中国第一汽车集团有限公司 智能网联研发院,吉林 长春 130011;3. 浙江亚太机电股份有限公司 智能汽车控制系统研究院,浙江 杭州 311200)

摘 要:针对自动驾驶电动汽车对车轮滑移率跟踪控制的需求,提出一种基于快速终端滑 模状态观测器的全状态反馈车轮滑移率跟踪控制器.首先,以车轮制动力矩导数为控制输入, 建立车轮滑移率跟踪控制模型,避免车轮滑移率跟踪控制器设计过程中引入不连续项对系统 稳定性和控制性能的影响.随后,利用有限时间稳定和快速终端滑模控制理论设计具有有限 时间收敛特性的快速终端滑模状态观测器,实时观测未知的系统状态信息.以此为基础,采用 模块化思想独立设计快速终端滑模跟踪控制律,实现车轮滑移率的连续、快速的跟踪控制.最 后,结合车辆动力学仿真软件建立模型在环测试系统,仿真验证本文提出的车轮滑移率跟踪 控制器的可行性和有效性.

关键词:控制工程;汽车工程;快速终端滑模状态观测器;车轮滑移率跟踪控制;快速终端 滑模控制;有限时间稳定

中图分类号:U461.1

文献标志码:A

## Wheel Slip Tracking Control of Vehicle Based on Fast Terminal Sliding Mode State Observer

ZHANG Jiaxu<sup>1,2</sup>, SHI Zhengtang<sup>3</sup>, ZHAO Jian<sup>1†</sup>

(1. State Key Laboratory of Automotive Simulation and Control, Jilin University, Changchun 130022, China;
2. Intelligent Network R&D Institute, China FAW Group Co, Ltd, Changchun 130011, China;
3. Intelligent Vehicle Control System Research Institute, Zhejiang Asia–Pacific Mechanical and Electronic Co, Ltd, Hangzhou 311200, China)

**Abstract**: Aiming at the requirement of wheel slip tracking control for automatic driving electric vehicle, this paper presents a full-state feedback wheel slip tracking controller based on fast terminal sliding mode state observer. Firstly, a wheel slip rate tracking control model taking the derivative of wheel braking moment as an input is established to avoid the effect of the discontinuity term in the input on the system stability and performance. Secondly, a fast terminal sliding mode state observer with the characteristic of finite time convergence is designed based on finite time stability and fast terminal sliding mode control theory in order to observe the unknown state information of the

\* 收稿日期:2019-09-05

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51575225), National Natural Science Foundation of China(51575225) 作者简介:张家旭(1985—), 男, 黑龙江双城人, 中国第一汽车集团有限公司高级工程师, 博士

<sup>†</sup>通讯联系人, E-mail: zhaojian@jlu.edu.cn

system in real time. Based on the estimation of the unknown state information of the system, a fast terminal sliding mode tracking control law is designed independently to realize the continuous and fast tracking control of wheel slip. Finally, a model-in-the-loop test system is built using vehicle dynamics simulation software to verify the feasibility and validity of the proposed wheel slip tracking controller.

Key words: control engineering; vehicle engineering; fast terminal sliding mode state observer; wheel slip tracking control; fast terminal sliding mode control; finite-time stability

连续、快速的车轮滑移率跟踪控制是电动汽车 实现自动驾驶控制技术的基础,现已得到众多学者 和汽车厂商的广泛关注.由于汽车在制动过程中呈 现出动态非线性、参数不确定性等特点,给连续、快 速的车轮滑移率跟踪控制器的设计带来了很大的挑 战.针对这一挑战,众多学者采用鲁棒控制方法设计 车轮滑移率跟踪控制器.

文献[1]将车速信息作为调度参数,采用李雅普 诺夫稳定性理论和频域分析法设计了增益调度的车 轮滑移率跟踪控制器. 文献[2]将 1/4 汽车动力学模 型作为控制模型,采用非线性鲁棒控制方法设计了 对参数不确定性和外界干扰具有强鲁棒性的车轮滑 移率跟踪控制器. 文献[3]利用径向基神经网络对系 统复合干扰的无限逼近能力,设计了车轮滑移率跟 踪前馈控制律,并采用鲁棒预测控制方法设计了车 轮滑移率跟踪反馈控制律,车轮滑移率跟踪前馈和 反馈控制律的有机结合,可以有效抑制系统复合干 扰对系统稳定性和控制性能的影响. 文献[4]采用最 优预测控制方法设计了车轮滑移率跟踪控制器,并 采用李雅普诺夫稳定性理论证明了所设计的车轮滑 移率跟踪闭环系统对模型不确定性具有强鲁棒性. 文献[5]充分考虑电动汽车制动系统的动态响应特性 和机械约束,采用模型预测控制方法设计了车轮滑 移跟踪控制器. 文献[6]针对装配传统液压制动系统 的汽车,分别建立增压、保压和减压控制模型,并采 用 Filippov 意义下的李雅普诺夫稳定性理论设计了 切换控制规则,实现了目标车轮滑移率的稳定跟踪 控制. 文献[7]设计了液压制动系统的增压、保压和减 压的模糊逻辑控制规则, 实现了目标车轮滑移率的 稳定跟踪控制.

除了上述鲁棒控制方法,滑模控制方法因具有 较强的鲁棒性、较高的计算效率等优点,广泛应用于 车轮滑移率跟踪控制器的设计.文献[8-9]采用车轮 滑移率跟踪偏差作为滑模面,设计了车轮滑移率跟 踪滑模控制器.由于文献[8-9]在车轮滑移率跟踪滑 模控制器中引入符号函数项来抑制系统复合干扰对 系统稳定性和控制性能的影响,导致滑模面上的系 统轨迹存在"抖振"现象.为了抑制文献[8-9]提出的 车轮滑移率跟踪滑模控制器存在的"抖振"现象,文 献[10-11]将车轮滑移率跟踪偏差与其积分的和作为 滑模面,设计了车轮滑移率跟踪积分滑模控制器.文 献[12]基于自适应反馈递归滑模控制方法设计了车 轮滑移率跟踪控制律,并采用径向基神经网络干扰 观测器在线估计和补偿系统的复合干扰,从而有效 避免了滑模控制方法产生的"抖振"现象. 文献[13]采 用二阶滑模控制方法设计了无"抖振"现象的车轮滑 移率跟踪控制律,但是二阶滑模控制方法需要滑模 面的导数作为反馈量. 文献[14]基于自适应滑模控制 方法设计了车轮滑移率跟踪指数趋近控制器,并且 采用函数型连接小波神经网络干扰观测器估计和补 偿系统复合干扰,从而有效地避免了自适应滑模控 制方法产生的"抖振"现象. 文献[15]充分考虑了制动 系统的时延特性,结合反馈线性化方法和自适应滑 模控制方法设计了抗时延的车轮滑移率跟踪控制 器. 文献[16]采用自适应积分滑模控制方法设计了对 扰动具有强鲁棒性的车轮滑移率跟踪控制器,并通 过参数自适应律来提高系统对路面附着条件的适应 能力.上述基于滑模控制方法的车轮滑移率跟踪控 制器需要系统的全部状态信息作为反馈量.因此,对 于难以采用传感器直接测量的状态信息,需要设计 状态观测器对其进行实时观测.

滑模状态观测器因对参数不确定性具有不敏感性,广泛应用于状态信息的实时估计. 文献[17]采用 滑模状态观测器实时观测永磁同步电机的转速信 息,并以此为基础实现了永磁同步电机的无传感器 矢量控制. 文献[18]采用滑模观测器实时观测船用永 磁推进电机的位置信息,并通过李雅普诺夫稳定理 论给出了滑模观测器参数的选择依据. 文献[19]采用 滑模观测器实时观测航天器的角速度信息,并以此 为基础实现了航天器姿态容错控制.上述滑模观测 器的误差均是渐近收敛到零或一致最终有界的,难 于实现滑模观测器与控制器的模块化设计.

鉴于此,本文基于有限时间稳定和快速终端滑 模控制理论设计具有有限时间收敛特性的快速终端 滑模状态观测器,该观测器采用已知的车轮滑移率 跟踪误差信息,实时观测未知的车轮滑移率跟踪误 差一阶导数信息,为全状态反馈车轮滑移率跟踪控 制律的设计奠定基础.随后,以快速终端滑模状态观 测器的观测信息为基础,采用模块化思想独立设计 快速终端滑模跟踪控制律,使车轮滑移率跟踪闭环 系统可以快速、准确地跟踪目标滑移率.最后,结合 车辆动力学仿真软件建立模型在环测试系统,仿真 验证本文提出的车轮滑移率跟踪控制器的可行性和 有效性.

#### 1 数学模型建立

简洁、高效的数学模型是控制系统设计的基础, 假设汽车行驶路面平坦,并且忽略汽车悬架动态、轮 胎滚动阻力和空气阻力等因素,基于 Burckhardt 轮 胎模型建立如图 1 所示的车轮滑移率动态模型作为 车轮滑移率跟踪控制器设计的基础.



Fig.1 Wheel slip dynamic model

如图 1 所示,基于达朗贝尔原理建立关于车轮 角速度 ω 和车速 v 的动力学方程为<sup>[20]</sup>:

$$\begin{cases} J\omega = rF_x - T_b \\ m\dot{v} = -F_x \end{cases}$$
(1)

式中:J、r和m分别为车轮转动惯量、车轮有效滚动 半径和1/4整车质量;T<sub>b</sub>为车轮制动力矩;F<sub>x</sub>为轮胎 纵向力,可表示为

$$F_x = F_z \mu(\lambda)$$
 (2)  
式中: $F_z$ 为车轮垂向载荷; $\mu(\lambda)$ 为轮胎-地面附着系

数,采用 Burckhardt 轮胎模型可表示为

$$\boldsymbol{\mu}(\boldsymbol{\lambda}) = \boldsymbol{\vartheta}_1 (1 - e^{-\lambda \boldsymbol{\vartheta}_2}) - \lambda \boldsymbol{\vartheta}_3$$
(3)

式中: $\vartheta_1$ 、 $\vartheta_2$ 和 $\vartheta_3$ 为 Burckhardt 轮胎模型中表征轮 胎-地面附着条件的参数; $\lambda$ 为车轮滑移率,在制动 工况下定义为

$$A = \frac{v - \omega r}{v} \tag{4}$$

对式(4)求二阶导数,可得:

$$\dot{\lambda} = \frac{1}{v} (-2i\dot{\lambda} + \ddot{v}(1 - \lambda) - \ddot{\omega}r)$$
(5)

将式(1)的一阶导数代入式(5),可得:

$$\ddot{\lambda} = -\frac{1}{v} \left[ -2 \frac{F_z \mu(\lambda)}{m} \dot{\lambda} + \left( \frac{1-\lambda}{m} + \frac{r^2}{J} \right) F_z \dot{\mu}(\lambda) \right] + \frac{r}{lv} \dot{T}_b$$
(6)

假设车轮目标滑移率为 $\lambda_d$ ,定义系统状态向量 和控制变量分别为 $x = [x_1, x_2]^T = [\lambda - \lambda_d, \dot{x}_1]^T$ 和 $u = \dot{T}_b$ ,则由式(6)可得车轮滑移率跟踪控制模型为:

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = f(x) + Gu + d \end{cases}$$
(7)

式中:d为模型参数摄动、未建模动态等因素引起的 系统复合干扰,且满足 $|d| \leq B_1$ ;G = r/(jv);

$$f(x) = \frac{1}{v} \left[ 2 \frac{F_z \mu(x_1 + \lambda_d)}{m} (x_2 + \dot{\lambda}_d) - \left( \frac{1 - x_1 - \lambda_d}{m} + \frac{r^2}{J} \right) F_z \dot{\mu}(x_1 + \lambda_d) \right]$$
(8)

#### 2 快速终端滑模状态观测器设计

基于已知的车轮滑移率跟踪误差信息,设计快 速终端滑模状态观测器,实时观测未知的车轮滑移 率跟踪误差一阶导数信息,为后续全状态反馈控制 律设计奠定基础.

**定理1**考虑式(7)描述的系统控制模型,设计如下快速终端滑模状态观测器,即

$$\begin{vmatrix} \dot{x}_{1} = \hat{x}_{2} - k_{1} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ \dot{x}_{2} = f(\hat{x}) + Gu - k_{4} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{5}(k_{1} + k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}})^{\alpha_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{6}(k_{1} + k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}})^{\beta_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \end{vmatrix}$$
(9)

式中: $\hat{x} = [\hat{x}_1, \hat{x}_2]^T$ 为系统状态向量的观测值; $k_1 > 0, k_2 > 0, k_3 > 0, k_4 > 0, k_5 > 0, k_6 > 0, 0 < \alpha_1 < 1, 0 < \alpha_2 < 1, \beta_1 > 1 和 \beta_2 > 1$ 

为设计参数; $e_1 = \hat{x}_1 - x_1$ 和  $e_2 = \hat{x}_2 - x_2$ 为系统状态观测误差. 假设系统状态观测误差有界,即存在  $B_2 > 0$ 和  $B_3 > 0$ ,使得 $|e_2| < B_2$ 和  $f(\hat{x}) - f(x)| \le B_3$ . 若设计参数  $k_1$ 和  $k_4$ 满足如下条件:

$$k_1 > B_1 \tag{10}$$

$$k_4 > B_2 + B_3 \tag{11}$$

则系统状态观测误差将在有限时间内收敛到零.

**证明**由式(7)描述的系统控制模型和式(9)描述的快速终端滑模状态观测器,可得系统状态观测 误差动态方程为:

$$\begin{vmatrix} \dot{e}_{1} = e_{2} - k_{1} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) - k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ \dot{e}_{2} = f(\hat{x}) - f(x) - d - k_{4} \operatorname{sgn}(e_{1}) - (12) \\ k_{5}(k_{1} + k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}})^{\alpha_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) - \\ k_{6}(k_{1} + k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}})^{\beta_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ \notin t = t \quad (12) \quad \text{High for } f(x) = t \quad \text{High for } t \quad \text{sgn}(e_{1}) \\ \end{cases}$$

针对式(12)描述的系统状态观测误差动态方程,定义如下李雅普诺夫候选函数:

$$V_1 = \frac{1}{2} e_1^2 \tag{13}$$

$$\dot{V}_1 = e_1 \dot{e}_1 = e_1 (e_2 - k_1 \operatorname{sgn}(e_1)) - k_2 |e_1|^{\alpha_1 + 1} - k_3 |e_1|^{\beta_1 + 1}$$
(14)

将不等式(10)代入式(14),可得:  

$$\dot{V}_1 \leq -k_2 |e_1|^{\alpha_{i+1}} - k_3 |e_1|^{\beta_{i+1}} =$$
  
 $-k_2 2^{\frac{\alpha_{i+1}}{2}} V_1^{\frac{\alpha_{i+1}}{2}} - k_3 2^{\frac{\beta_{i+1}}{2}} V_1^{\frac{\beta_{i+1}}{2}}$ 
(15)

由设计参数  $0<\alpha_1<1$  和 $\beta_1>1$  可知,当系统状态  $x_1$ 的观测误差 $|e_1|>1$  时,式(15)右端的第二项起主导作 用,驱动系统状态  $x_1$ 的观测误差在有限时间内收敛 到 $|e_1|=1$ ;当系统状态  $x_1$ 的观测误差 $|e_1|<1$  时,式 (16)右端的第一项起主导作用,驱动系统状态  $x_1$ 的 观测误差在有限时间内收敛到零.同时,由比较引理 可知<sup>[21]</sup>,系统状态  $x_1$ 的观测误差收敛到零所需的时 间满足:

$$T_{1} \leq \frac{1 - V_{10}^{1 - \frac{\beta_{1} + 1}{2}}}{k_{3}2^{\frac{\beta_{1} + 1}{2}} \left(\frac{\beta_{1} + 1}{2} - 1\right)} + \frac{1}{k_{2}2^{\frac{\alpha_{1} + 1}{2}} \left(1 - \frac{\alpha_{1} + 1}{2}\right)}$$
(16)

式中:V10为李雅普诺夫候选函数 V1 的初始值.

由等效控制原理可知,式(12)描述的系统状态 观测误差动态方程可简化为:

$$\begin{cases} e_{2} = k_{1} \operatorname{sgn}(e_{1}) + \\ k_{2}|e_{1}|^{\alpha_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) + k_{3}|e_{1}|^{\beta_{1}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ \dot{e}_{2} = f(\hat{x}) - f(x) - d - k_{4} \operatorname{sgn}(e_{1}) - \\ k_{5}(k_{1} + k_{2}|e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3}|e_{1}|^{\beta_{1}})^{\alpha_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) - \\ k_{6}(k_{1} + k_{2}|e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3}|e_{1}|^{\beta_{1}})^{\beta_{2}} \operatorname{sgn}(e_{1}) \end{cases}$$
(17)

针对式(17)描述的简化系统状态观测误差动态 方程,定义李雅普诺夫候选函数为:

$$V_{2} = \frac{1}{2}e_{2}^{2}$$

$$\forall \vec{x} \leq (18)$$

$$\forall \vec{x} \leq (18)$$

$$\vec{y}_{2} = e_{2}(f(\hat{x}) - f(x) - d - k_{4} \text{sgn}(e_{1})) - e_{2}[k_{5}(k_{1} + k_{2}|e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3}|e_{1}|^{\beta_{1}})^{\alpha_{2}} \text{sgn}(e_{1}) + k_{6}(k_{1} + k_{2}|e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3}|e_{1}|^{\beta_{1}})^{\beta_{2}} \text{sgn}(e_{1})]$$

$$(19)$$

由式(17)描述的简化系统状态观测误差动态方 程可得:

$$\begin{cases} \operatorname{sgn}(e_{2}) = \operatorname{sgn}(e_{1}) \\ |e_{2}| = k_{1} + k_{2} |e_{1}|^{\alpha_{1}} + k_{3} |e_{1}|^{\beta_{1}} \\ \text{将式}(20) 和不等式(11) 代入式(19), 可得: \\ \dot{V}_{2} \leq -k_{5} |e_{2}|^{\alpha_{2}+1} - k_{6} |e_{2}|^{\beta_{2}+1} = \\ -k_{5} 2^{\frac{\alpha_{2}+1}{2}} V_{2}^{\frac{\alpha_{2}+1}{2}} - k_{6} 2^{\frac{\beta_{2}+1}{2}} V_{2}^{\frac{\beta_{2}+1}{2}} \end{aligned}$$
(21)

由设计参数  $0<\alpha_2<1$  和  $\beta_2>1$  可知, 当系统状态  $x_2$ 的观测误差 $|e_2|>1$  时,式(21)右端的第二项起主导作 用,驱动系统状态  $x_2$ 的观测误差在有限时间内收敛 到  $|e_2|=1$ ;当系统状态  $x_2$ 的观测误差 $|e_2|<1$  时,式 (21)右端的第一项起主导作用,驱动系统状态  $x_2$ 的 观测误差在有限时间内收敛到零.同时,由比较引理 可知<sup>[21]</sup>,系统状态  $x_2$ 的观测误差收敛到零所需的时 间满足:

$$T_{2} \leq \frac{1 - V_{20}^{1 - \frac{\beta_{2} + 1}{2}}}{k_{6} 2^{\frac{\beta_{2} + 1}{2}} \left(\frac{\beta_{2} + 1}{2} - 1\right)} + \frac{1}{k_{5} 2^{\frac{\alpha_{5} + 1}{2}} \left(1 - \frac{\alpha_{2} + 1}{2}\right)}$$
(22)

式中:*V*<sub>20</sub> 为李雅普诺夫候选函数 *V*<sub>2</sub> 的初始值. **证毕** 

#### 3 快速终端滑模跟踪控制律设计

由于第2节设计的快速终端滑模状态观测器可 使系统的状态观测误差在有限时间内收敛到零,所 以可以基于模块化设计思想独立设计系统状态观测 器和控制律.基于此,式(7)描述的系统控制模型可 以重写为:

$$\begin{cases} \dot{\hat{x}}_1 = \hat{x}_2 \\ \dot{\hat{x}}_2 = f(\hat{x}) + Gu + d \end{cases}$$
(23)

针对式(23)描述的系统控制模型,本节的目标 是设计快速终端滑模跟踪控制律,使车轮滑移率跟 踪闭环系统可以快速、准确和稳定地跟踪目标滑移 率.为此,定义如下快速终端滑模面:

$$\sigma = \hat{x}_2 + k_7 \hat{x}_1 + k_8 |\hat{x}_1|^{\gamma} \operatorname{sgn}(\hat{x}_1)$$
(24)  
式中: $k_7 > 0_{\chi} k_8 > 0$ 和 $\gamma > 1$ 为设计参数.

若系统状态轨迹位于式(24)描述的快速终端滑 模面上 $\sigma = 0$ ,则有

$$\dot{\hat{x}}_1 = -k_7 \hat{x}_1 - k_8 |\hat{x}_1|' \operatorname{sgn}(\hat{x}_1)$$
(25)

由设计参数  $\gamma > 1$  可知,当系统状态 $\hat{x}_1$  满足 $|\hat{x}_1|>1$ 时,式(25)右端的第二项起主导作用,驱动系统状态  $\hat{x}_1$  在有限时间内收敛到 $|\hat{x}_1| = 1$ ;当系统状态 $\hat{x}_1$  满足  $|\hat{x}_1| \le 1$  时,式(25)右端的第一项起主导作用,驱动系 统状态 $\hat{x}_1$  渐近收敛到零.同时,由 LaSalle 定理可知, 当系统状态 $\hat{x}_1$  渐近收敛到零时,系统状态 $\hat{x}_2$ 也渐近 收敛到零.

下面设计快速终端滑模跟踪控制律,使系统状态轨迹在有限时间内收敛到式(24)描述的快速终端 滑模面上,从而使车轮滑移率跟踪闭环系统可以快 速、准确和稳定地跟踪目标滑移率.

**定理2** 针对式(23)描述的系统控制模型,设计如下快速终端滑模跟踪控制律:

$$u = -\frac{1}{G} [f(\hat{x}) + k_7 \hat{x}_2 + k_8 \gamma | \hat{x}_1 |^{\gamma - 1} \hat{x}_2 + k_9 \text{sgn}(\sigma) +$$

 $k_{10}|\sigma|^{\alpha_3}\operatorname{sgn}(\sigma) + k_{11}|\sigma|^{\beta_3}\operatorname{sgn}(\sigma)]$ (26)

式中: $k_9>0$ 、 $k_{10}>0$ 、 $k_{11}>0$ 、 $0<\alpha_3<1$ 和 $\beta_3>0$ 为设计参数. 若设计参数 $k_9$ 满足

*k*<sub>9</sub> > *B*<sub>1</sub> (27) 则闭环系统的平衡点是渐近稳定的.

证明 定义李雅普诺夫候选函数为:

$$V_3 = \frac{1}{2}\sigma^2 \tag{28}$$

 $\dot{V}_{3} = \sigma \dot{\sigma} = \sigma (\dot{\hat{x}}_{2} + k_{7} \dot{\hat{x}}_{1} + k_{8} \gamma |\hat{x}_{1}|^{\gamma - 1} \hat{x}_{2})$ (29) 将式(23)代人式(29),可得:

$$\dot{V}_3 = \sigma(f(\hat{x}) + Gu + d + k_8 \hat{x}_2 + k_7 \gamma |\hat{x}_1|^{\gamma-1} \hat{x}_2)$$
(30)

将式(26)描述的快速终端滑模跟踪控制律代入 式(30),可得:

$$\dot{V}_{3} = \sigma(d - k_{9} \operatorname{sgn}(\sigma)) - k_{10} |\sigma|^{\alpha_{3}+1} - k_{11} |\sigma|^{\beta_{3}+1}$$
 (31)  
将式(27)代人式(31),可得:

$$\dot{V}_3 \leq -k_{10} 2^{\frac{\alpha_s + 1}{2}} V_3^{\frac{\alpha_s + 1}{2}} - k_{11} 2^{\frac{\beta_s + 1}{2}} V_3^{\frac{\beta_s + 1}{2}}$$
(32)

由设计参数 0<α<sub>3</sub><1 和β<sub>3</sub>>1 可知,当系统状态轨 迹满足lσl>1 时,式(32)右端的第二项起主导作用, 驱动系统状态轨迹在有限时间内收敛到lσl=1;当系 统状态轨迹满足lσl≤1 时,式(32)右端的第一项起 主导作用,驱动系统状态轨迹在有限时间内收敛 到lσl=0.同时,由比较引理可知<sup>[21]</sup>,系统状态轨迹收 敛到lσl=0 所需的时间满足

$$T_{3} \leqslant \frac{1 - V_{30}^{\frac{\beta_{1}+1}{2}}}{k_{11}2^{\frac{\beta_{1}+1}{2}} \left(\frac{\beta_{3}+1}{2} - 1\right)} + \frac{1}{k_{10}2^{\frac{\alpha_{1}+1}{2}} \left(1 - \frac{\alpha_{3}+1}{2}\right)}$$
(33)

结合式(24)描述的快速终端滑模面上 σ=0 系统 状态轨迹性质可知,闭环系统的平衡点是渐近稳定的. **证**毕

## 4 仿真分析

本节基于车辆动力学仿真软件 CarSim 建立车 轮滑移率跟踪控制器的模型在环测试系统,并通过 干沥青路面下的阶跃递增信号仿真工况、冰雪路面 下的斜坡信号仿真工况和干沥青路面下的双移线避 障仿真工况验证本文提出的车轮滑移率跟踪控制器 的可行性和有效性.在干沥青路面下的阶跃递增信 号仿真工况和冰雪路面下的斜坡信号仿真工况中, 以左前轮仿真结果为例,在鲁棒稳定性、控制精度、 控制平顺性等方面对比分析本文提出的车轮滑移率 跟踪控制器;基于传统滑模控制方法设计的车轮滑 移率跟踪控制器;在干沥青路面下的双移线避障仿 真工况中,综合分析本文提出的车轮滑移率跟踪控 制器在汽车极限行驶状态下对随机目标车轮滑移率 的跟踪能力.本文提出的车轮滑移率跟踪控制器参 数如表1所示.

Tab.1	1 Parameters of wheel slip tracking controller		
符号	数值	符号	数值
$k_{1}$	35	$k_2$	12
$k_3$	6	$k_4$	9
$k_5$	6	$k_6$	9
$\alpha_1$	0.7	$\beta_1$	1.8
$lpha_2$	0.7	$\beta_2$	1.8
$k_7$	5	$k_8$	10
$k_9$	3.5	$k_{10}$	6
$k_{11}$	9	γ	3.6
$\alpha_3$	0.7	$\beta_3$	1.8

表1 车轮滑移率跟踪控制器参数

## 4.1 阶跃递增信号仿真工况

阶跃递增信号仿真工况的初始车速设置为 33.34 m/s,方向盘转角设置为零,阶跃递增信号的初 始幅值、递增量和目标幅值分别设置为0、0.02 和 0.1. 仿真结果如图 2 所示.

由图 2(a)(b)可知,本文提出的快速终端滑模状态观测器可以有效地平滑系统的状态量 x<sub>1</sub>,且可以 无噪声、准确地观测系统的状态量 x<sub>2</sub>,为本文提出的





快速终端滑模跟踪控制律实现全状态反馈奠定基础.如图 2(c)~2(e)可知,传统滑模控制方法和本文提出的方法均可以稳定地跟踪目标车轮滑移率,并且对未建模动态和参数摄动具有强鲁棒性,但是本文方法对目标车轮滑移率的动态响应速度更快、跟踪精度更高.由图 2(f)(g)可知,传统滑模控制方法的车轮制动力矩更加平滑.因此,本文提出方法的轮胎-地面附着系数在目标车轮滑移率稳态阶段的波动范围更小,制动过程更加平顺.综上所述,相对于传统滑模控制方法,本文提出的方法具有更快的动态响应速度、更高的跟踪精度以及更好的控制平顺性.

#### 4.2 斜坡信号仿真工况

斜坡信号仿真工况的初始车速设置为 33.34 m/ s,方向盘转角设置为零,6个斜坡信号的幅值和变化 速 率 分 别 设 置 为 [0.05,0.07]、[0.05,-0.07]、 [0.08,0.12]、[0.08,-0.12]、[0.02,0.03]和[0.02,-0.03]. 仿真结果如图 3 所示.







由图 3(a)(b) 可知,本文提出的快速终端滑模 状态观测器可以有效地平滑系统的状态量 x1, 且可 以无噪声、准确地观测系统的状态量 x<sub>2</sub>,为本文提出 的快速终端滑模跟踪控制律实现全状态反馈奠定基 础. 由图 3(c)~3(e)可知,传统滑模控制方法和本文 提出的方法均可以稳定地跟踪不同变化速率和幅值 的目标车轮滑移率,并目对未建模动态和参数摄动 具有强鲁棒性,但是本文提出的方法对目标车轮滑 移率的动态响应速度更快、跟踪精度更高.由图 3(f) (g)可知,传统滑模控制方法的车轮制动力矩在其峰 值附近存在较大幅值的"抖振"现象,易导致制动执 行机构频繁动作,而本文提出的方法可以有效地抑 制"抖振"现象,使得车轮制动力矩在斜坡信号仿真 工况过程中均保持平滑状态.因此,本文方法的轮 胎-地面附着系数的波动范围更小,制动过程更加平 顺.综上所述,相对于传统滑模控制方法,本文提出 的方法具有更快的动态响应速度、更高的跟踪精度 以及更好的控制平顺性.

## 4.3 双移线避障仿真工况

双移线避障仿真工况的初始车速设置为 22.22 m/s;汽车行驶路径和前轮转向角分别如图 4 (a)(b) 所示;车速和轮速、4 个车轮滑移率和车轮制动力矩 分别如图 4(c)~4(h)所示.双移线避障仿真工况的 4 个车轮目标滑移率具有快变化、大幅值和强随机 的特点,并且双移线避障仿真工况使汽车呈现出动 态非线性、参数不确定性等特点,但是本文提出的方 法依然可使汽车 4 个车轮滑移率快速、稳定地跟踪 随机目标信号,这说明本文提出的方法对扰动具有 强鲁棒性.





Fig.4 Simulation results of double lane change maneuver

#### 5 结 论

本文采用有限时间稳定、快速终端滑模控制理 论设计了具有有限时间收敛特性的快速终端滑模状 态观测器和车轮滑移率跟踪控制器,并通过车辆动 力学仿真软件对其可行性和有效性进行仿真验证. 结果表明:所提出的快速终端滑模状态观测器可以 准确地观测未知的系统状态信息,相较于传统滑模 控制方法,所提出的车轮滑移率跟踪控制器具有更 快的动态响应速度、更高的跟踪精度以及更好的控 制平顺性,满足自动驾驶电动汽车对车轮滑移率跟 踪控制的需求.

## 参考文献

- [1] JOHANSEN T A, PETERSEN I, KALKKUHL J, et al. Gain-scheduled wheel slip control in automotive brake systems [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2003, 11 (6):799– 811.
- [2] TANELLI M, ASTOLFI A, SAVARESI S M. Robust nonlinear output feedback control for brake by wire control systems [J]. Automatica, 2008, 44:1078–1083.
- [3] MIRZAEINEJAD H. Robust predictive control of wheel slip in antilock braking systems based on radial basis function neural network [J]. Applied Soft Computing, 2018, 70:318–329.
- [4] MIRZAEI M, MIRZAEINEJAD H. Optimal design of a non-linear controller for anti-lock braking system [J]. Transportation Research Part C, 2012, 24:19–35.
- [5] CLEMENS S, RICARDO D C. Predictive brake control for electric vehicles [J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2018, 67 (2):977–990.
- [6] 井后华. 汽车制动控制方法研究[D]. 哈尔滨:哈尔滨工业大学 航天学院,2011:34-41.

JING H H. Research on automotive braking control methods [D]. Harbin:School of Astronautics,Harbin Institute of Technology, 2011:34-41. (In Chinese)

- [7] 黄智,刘剑,吴乙万. 基于纵向滑移率均衡的车道偏离辅助控制 研究[J]. 湖南大学学报(自然科学版),2016,43(2):1-7.
  HUANG Z, LIU J, WU Y W. Research on balanced longitudinal slip rate based lane departure assistance [J]. Journal of Hunan University (Natural Sciences),2016,43(2):1-7. (In Chinese)
- [8] UNSAL C, KACHROO P. Sliding mode measurement feedback control for antilock braking systems [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 1999,7(2):271-281.

- [9] BUCKHOLTZ K R. Reference input wheel slip tracking using sliding mode control [R]. Washington DC:SAE International, 2002: 2002-01-0301.
- [10] SONG J. Performance evaluation of a hybrid electric brake system with a sliding mode controller [J]. Mechatronics, 2015, 15 (3): 339-358.
- [11] HARIFI A, AGHAGOLZADEH A, ALIZADEH G, et al. Designing a sliding mode controller for slip control of antilock brake systems [J]. Transportation Research Part C, 2008, 16:731-741.
- [12] ZHANG J X, LI J. Adaptive backstepping sliding mode control for wheel slip tracking of vehicle with uncertainty observer [J]. Measurement and Control, 2018, 51(9/10):396-405.
- [13] AMODEO M, FERRARA A, TERZAGHI R, et al. Wheel slip control via second-order sliding-mode generation [J]. IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems, 2010, 11(1):122–131.
- [14] HSU C F, KUO T C. Adaptive exponential-reaching sliding-mode control for antilock braking systems [J]. Nonlinear Dynamics, 2014,77(3):993–1010.
- [15] PARK K S, LIM J T. Wheel slip control for ABS with time delay input using feedback linearization and adaptive sliding mode control [C]//International Conference on Control, Automation and Systems. Seoul, Korea: IEEE, 2008:290-295.
- [16] DZMITRY S, DMITRIJ S, VALENTIN I, *et al.* Robust continuous wheel slip control with reference adaptation: application to the brake

system with decoupled architecture [J]. IEEE Transactions on Industrial Informatics, 2018, 14(9): 4212-4223.

[17] 张立伟,李行,宋佩佩,等. 基于新型滑模观测器的永磁同步电机无传感器矢量控制系统 [J]. 电工技术学报,2019,34(SI): 70-78.

ZHANG L W, LI H, SONG P P, *et al.* Sensorless vector control using a new sliding mode observer for permanent magnet synchronous motor speed control system [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2019, 34(S1):70–78. (In Chinese)

- [18]何忠祥,黎曙,李成阳,等. 基于滑模观测器的船用永磁推进电机位置辨识研究[J].船电技术,2019,39(8):15—19.
  HE Z X,LI S,LI C Y, *et al.* Rotor position estimation based on sliding mode observer for marine permanent magnet propulsion motor
  [J]. Marine Electric & Electronic Engineering, 2019, 39(8):15—19. (In Chinese)
- [19] 肖冰. 执行器故障的航天器姿态容错控制[D]. 哈尔滨:哈尔滨 工业大学航天学院,2014:52-60.
   XIAO B. Fault tolerant attitude control for spacecraft with actuator failure [D]. Harbin:School of Astronautics, Harbin Institute of Technology, 2014:52-60. (In Chinese)
- [20] KIENCKE U, NIELSEN L. Automotive control systems [M]. Berlin: Springer, 2000: 337–342.
- [21] KHALIL H K. Nonlinear systems [M]. 3rd ed. New Jersey: Prentice Hall, 2001: 102–104.