# 考虑扰动影响的地基非线性 沉降分层总和分析方法<sup>\*</sup>

曹文贵17,张超1,徐赞1,2

(1. 湖南大学 岩土工程研究所,湖南 长沙 410082;2. 湖南城市学院 土木工程学院,湖南 益阳 413000)

摘 要:为预测工程地基土体沉降,针对受到施工扰动影响的地基土,基于扰动状态概 念分别以抗剪强度和相对密实度为扰动参量建立扰动因子函数,从而提出能够考虑扰动影 响的地基土修正 Duncan-Chang 模型.首先,考虑地基土实际应力状态,将地基土沉降变形 视为由附加静水压力和附加偏应力引起的两部分变形之和,建立地基土沉降变形分析模型; 其次,考虑地基土的应力历史并采用分级加载分析方法,给出了不同埋深地基土初始变形模 量的确定方法;然后,基于虎克定律和修正 Duncan-Chang 模型并采用分级加载分析方法分 别建立由附加静水压力和附加偏应力作用下的地基沉降变形计算模型,给出了考虑附加应 力影响的地基土变形模量的确定方法;最后,将本文方法应用于工程实例并进行了沉降变形 分析.研究结果表明:本文方法在反映地基土扰动程度、应力状态和应力历史等方面具有一 定的优越性和可行性,其计算结果符合沉降预测规律.

关键词:地基沉降;分级加载;扰动;应力状态;应力历史 中图分类号:TU44 
文献标志码:A

# Layer-wise Summation Method for Nonlinear Settlements of Ground Foundation Considering Disturbance Effect

CAO Wengui<sup>1†</sup>, ZHANG Chao<sup>1</sup>, XU Zan<sup>1, 2</sup>

Geotechnical Engineering Institute, Hunan University, Changsha 410082, China;
 College of Civil Engineering, Hunan City University, Yiyang 413000, China)

Abstract: For the ground foundation influenced by the construction disturbance, the disturbance factor functions taking the shear strength and relative density as the disturbed parameters, respectively, were proposed based on the disturbed state concept. By using this function, a modified Duncan-Chang model considering the influence of disturbance was developed to provide a reference for the settlements prediction of ground foundation. Firstly, considering the stress state of ground soil, the analytical model for ground soil was established by idealizing the ground settlement to be the summation of one part caused by additional hydrostatic pressure and the other part by additional deviatory stress. Secondly, considering the stress history of ground soil, the determination method for initial deformation modulus of ground soil at different depths was provided by using the step-loading analysis method. Based on the Hooke's law and

\* 收稿日期:2016-02-27

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51378198), National Natural Science Foundation of China(51378198);高等学校博士学科点专项科研基金资助项目(20130161110017), Research Fund for the Doctoral Program of Higher Education of China(20130161110017) 作者简介:曹文贵(1963-),男,湖南南县人,湖南大学教授,博士生导师

†通讯联系人, E-mail: cwglyp@21cn.com

modified Duncan-Chang model, the models to evaluate the settlement of ground foundation caused by additional hydrostatic pressure and of that by additional deviatory stress were then developed, respectively, by using the step-loading analysis method. The determination method for deformation modulus of ground soil was also given considering the additional stress effect. Finally, the proposed method was applied to a practical project case, and the corresponding settlement analysis was carried out. The results show that the proposed method has superiority and feasibility in the aspects of reflecting disturbance degree, stress state and stress history. The calculated results agree well with the prediction rule of settlement.

Key words: foundation settlement; step-loading; disturbance; stress state; stress history effects

目前普遍采用传统分层总和法<sup>[1]</sup>对地基沉降进 行分析计算,但是如何准确反映工程地基实际沉降 的问题一直未得到很好的解决.因为在施工过程中 地基土体不可避免地会受到扰动,使得土体的变形 和强度特性发生改变,若采用基于传统分层总和法 即通过室内试验获取的土体物理力学参数来预测施 工过程中及其后土体变形和强度等特性,则势必造 成较大误差,因此,有必要对地基沉降分析即分层总 和法作进一步研究.

传统分层总和法基于重塑土固结试验所获得的 e-p曲线对土体沉降进行分析计算,然而固结试验 所用土样在应力状态、应力历史和扰动程度等方面 与实际土体存在较大差异,沉降的最终分析结果需 用经验系数加以修正,而经验系数的准确性与个人 经验密切相关,因而分析结果难免较为粗糙.为此, 基于静载试验的地基沉降分析方法<sup>[2-3]</sup>应运而生, 通过荷载位移 p-s 曲线获取地基土体的变形模量分 析沉降变形,虽然该方法能够反映工程地基土体实 际受力变形的特点,但对于缺乏静载试验资料的一 般工程就不具有可操作性.由此,众多学者发展了基 于土体本构模型[4-9]的地基沉降分析方法,该类方 法的关键在于本构模型的合理性以及模型参数的准 确性,其中,Duncan-Chang模型<sup>[10]</sup>能够反映地基土 体应力应变的非线性特征,其模型参数少且物理意 义明确,不同类别的土体在模型参数取值方面也积 累了很多经验,因此,Duncan-Chang 模型成为普遍 应用的土体本构模型之一. 很多学者[7-9] 基于该模 型对土体沉降变形进行了研究:何昌荣等[7]采用有 限元方法测试 Duncan-Chang 模型各个参数对土坝 应力应变的影响程度;何春保等<sup>[8]</sup>基于荷载位移 p-s 曲线采用解析方法对土体 Duncan-Chang 模型参数 进行反演分析;曹文贵等[9]根据地基土体非线性变 形特征提出了基于 Duncan-Chang 模型的地基沉降 变形分析方法.然而,与大多数土体本构模型一样, 传统 Duncan-Chang 模型无法考虑土体的物理性 质,仅能够反映土体的力学状态,故土体一旦受到外 界扰动,将会使基于 Duncan-Chang 模型的地基沉 降变形分析结果与实际值相差较大.因此,本文基于 扰动状态概念分别以抗剪强度和相对密实度作为扰 动参量,对传统 Duncan-Chang 模型加以修正,以考 虑扰动对土体变形力学特性的影响,进而分析地基 土体的沉降变形.

由于地基土体的变形力学特性不仅受到外界扰动的影响,还与三向应力及应力历史等因素有关,为此,本文将基于扰动、应力状态和应力历史等方面考虑地基土体的实际应力状态,采用修正 Duncan-Chang模型对土体沉降变形进行分析,以期完善地基土体非线性沉降变形分层总和分析方法.

#### 1 修正 Duncan-Chang 模型

传统 Duncan-Chang 模型是基于 Kondner 三轴 试验应力应变关系曲线<sup>[11]</sup>建立的,即

$$\sigma_1 - \sigma_3 = \frac{\epsilon_1}{a + b\epsilon_1} \,. \tag{1}$$

式中: $a = 1/E_i$ ; (2)

$$b = 1/(\sigma_1 - \sigma_3)_{\text{ult}}.$$
 (3)

由此可看出,a和b分别为初始切线模量 $E_i$ 和 双曲线渐近线所对应极限偏差应力( $\sigma_1 - \sigma_3$ )<sub>ult</sub>的倒 数.于是,由式(1)(2)(3)可得:

$$\varepsilon_1 = \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{E_i \left[ 1 - \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{\text{ult}}} \right]}.$$
(4)

研究表明<sup>[12-15]</sup>地基土体都具有结构性,一旦受 到扰动其结构性必然受到影响,相应的物理力学指 标都会发生改变,可见,其宏观变形力学特性与结构 性密不可分.然而,传统 Duncan-Chang 模型是基于 重塑土三轴应力应变试验曲线建立的,完全打破了 土体结构性,使地基土处于完全扰动状态,从而无法 反映结构性对土体变形力学特性的影响,与此同时, 地基土体又无法避免扰动.由于传统 Duncan-Chang 模型是能够反映重塑土体变形力学特性的本构模型 之一,假如对传统 Duncan-Chang 模型加以修正使 其能够考虑扰动对土体结构性的影响,将会使修正 Duncan-Chang 模型在地基沉降变形分析方面更具 有实际应用价值.由式(4)可知, $b(\sigma_1 - \sigma_3)$ 为偏应力 与极限偏差应力的比率,反映地基土体实际所处应 力水平的高低,在地基土体处于相同偏应力水平下, 竖向应变会随着极限偏差应力降低(即比率增大)而 升高,而极限偏差应力与地基土体结构性所受扰动 程度有着显著的关联性,即极限偏差应力会随着扰 动程度的增大而发生显著的变化,因此,本文基于扰 动状态概念引入扰动因子函数  $D_f$ 对土体极限偏差 应力加以修正以考虑扰动程度对极限偏差应力的影 响,从而建立修正 Duncan-Chang 模型,即

$$\varepsilon_{1} = \frac{\sigma_{1} - \sigma_{3}}{E_{i} \left[ 1 - D_{f} \frac{\sigma_{1} - \sigma_{3}}{(\sigma_{1} - \sigma_{3})_{ult}} \right]}.$$
(5)

由式(5)可知,能否建立考虑扰动影响的修正 Duncan-Chang模型,关键在于建立扰动因子函数的 确定方法,但是,扰动对地基土体变形力学特性的影 响会因不同类别的土体(黏性土和无黏性土)而有所 不同.

对于黏性土,尤其是软土,扰动意味着土体结构 性遭到一定程度的破坏,致使土体强度降低以及压 缩性增大,这与传统意义上的损伤变量的含义相似, 起到弱化土体变形力学性能的作用,属于不利扰动. 为此,本文基于土体灵敏度的概念以抗剪强度为扰 动参量建立扰动因子函数 D<sub>f</sub>的关系式,即

$$D_{\rm f} = \frac{S_{\rm u} - S_{\rm d}}{S_{\rm u} - S_{\rm r}} \,.$$
 (6)

式中: $S_u$ , $S_r$ 和  $S_d$ 分别为原状土、重塑土和受到一定 程度扰动的黏性土抗剪强度,可基于十字板剪切试 验获得.因  $S_u \ge S_d \ge S_r$ ,故由式(6)可知黏性土扰动 因子函数的取值范围为[0,1],当扰动因子函数值为 1 时,修正 Duncan-Chang 模型即为传统 Duncan-Chang 模型.

对于无黏性土,尤其是砂土,扰动可以使土体产 生微裂隙的损伤(如密砂),致使土体变形力学性能 受到弱化,与黏性土受到扰动影响情况类似,属于不 利扰动,扰动因子函数为正值.值得注意的是,扰动 也可以使土体得到密实(如松砂),使土体变形力学 性能得到强化,显然此时属于有利扰动,扰动因子函 数则为负值.由此可见,扰动对砂土的变形力学特性 有正反两方面的作用.砂土三轴试验结果<sup>[14-15]</sup>表 明,相对密实度 D<sub>r</sub>对砂土峰值强度和应力应变曲线 的斜率影响很大,因此,基于扰动状态概念以 D<sub>r</sub>为 扰动参量建立扰动因子函数 D<sub>f</sub>的关系式,即

$$D_{\rm f} = \begin{cases} \frac{2}{\pi} \arctan\left(\frac{D_{\rm r0} - D_{\rm r}}{D_{\rm r} - D_{\rm rmin}}\right), & D_{\rm r} \leqslant D_{\rm r0}; \\ \frac{2}{\pi} \arctan\left(\frac{D_{\rm r0} - D_{\rm r}}{D_{\rm rmax} - D_{\rm r}}\right), & D_{\rm r} > D_{\rm r0}. \end{cases}$$
(7)

式中:D<sub>r0</sub>,D<sub>rmin</sub>和 D<sub>rmax</sub>分别为初始状态、最松散状态和最密实状态的无黏性土相对密实度.将式(6)的函数关系绘制成图,如图 1 所示.可见,无黏性土扰动因子函数的取值范围为[-1,1],能够反映无黏性土从初始状态向松散状态(不利扰动)或密实状态(有利扰动)变化的全过程.



图 1 扰动因子与相对密实度关系曲线 Fig. 1 The relationship curve between disturbance factor and relative density

于是,将不同类别土体的扰动因子函数代入式 (5)即得考虑扰动影响的修正 Duncan-Chang 模型, 并在此基础上,考虑地基土体应力状态以及应力历 史对土体变形力学特性的影响,建立地基土体沉降 变形分析模型.

#### 2 地基沉降变形分析模型

为了能够准确地分析地基土体的沉降变形,必须考虑土体的实际应力状态.由于埋深不同,不同深度的地基土体存在着初始地应力,受到荷载作用又产生附加应力.同时,地基土体存在着强烈的非线性变形即土体变形力学参数会随土体变形而变化,故为了便于分析,在地基基础中心线下取一土体单元(如图 2 所示)进行应力分析.



地基土体单元显然处于三向应力状态,基于应 力叠加原理,可将土体单元的实际应力状态视为静 水压力状态和偏应力状态的叠加.值得注意的是,偏 应力状态是基于静水压力状态对土体单元施加的, 于是,土体单元在静水压力状态和偏应力状态产生 的变形可分别根据广义虎克定律和修正 Duncan-Chang模型进行计算.由于地基土体沉降变形是由 附加应力作用产生的,基于应变叠加原理,将沉降变 形视为土体单元分别处于附加静水压力状态和附加 偏应力状态产生的变形之和.于是,各压缩分层土体 单元的沉降变形可表示为

$$s_i^z = s_i^{zv} + s_i^{zp}$$
 . (8)

式中: sī 为第 i 分层竖向沉降变形; sī 和 sī 为第 i 分层分别在附加静水压力和附加偏应力作用下引起 的竖向沉降变形.于是,地基总沉降变形可表示为

$$s = \sum_{i=1}^{N_1} s_i^z = \sum_{i=1}^{N_1} s_i^{zv} + \sum_{i=1}^{N_1} s_i^{zp} .$$
(9)

式(9)即为地基沉降变形分析模型,其中 N<sub>1</sub>为地基 压缩层的分层数.可见,利用式(9)对地基沉降变形 进行分析,关键在于附加应力(附加静水压力和附加 偏应力)引起的各压缩分层的变形(s?"和s??)分析 计算.然而土体变形分析计算需用变形力学参数(变 形模量和泊松比),而变形力学参数又与地基土体的 应力应变状态密切相关.一方面,各压缩分层土体的 初始变形力学参数(初始变形模量和初始泊松比)会 因不同初始地应力(不同埋深或应力历史)而各不相 同.另一方面,地基土体在附加应力作用下产生变形 的过程中其变形力学参数也会发生变化.由于地基 沉降变形需基于初始变形力学参数进行计算,因此, 本文将首先分析各压缩分层土体的初始变形力学 参数.

### 3 地基土体初始变形力学参数

地基土体变形力学参数主要包括变形模量和泊 松比,在理论上这2个参数对变形均有影响,但研究 表明<sup>[7]</sup>,泊松比在较小范围变化时对变形计算结果 的影响程度很有限,因此本文假定泊松比为常数.由 于不同深度的各压缩分层土体在不同初始地应力作 用下完成了相应的固结变形,从而使不同埋深的土 体具有不同的初始变形模量,因此,基于地基土体单 元应力分析可知,初始地应力状态可视为初始静水 压力状态和初始偏应力状态的叠加,初始地应力状 态引起的固结变形可视为由初始静水压力状态和初 始偏应力状态引起的变形累加,而且,土体的固结变 形也是一种非线性变形,故本文基于分级加载分析 方法对初始变形模量的确定方法分析如下.

因地基土体初始地应力场主要是由自重应力形成的,故假定土体泊松比为 $\mu$ ,侧压力系数为 $k_0$ ,第i压缩分层土体容重为 $\gamma_i$ ,厚度为 $d_i$ ,则第i压缩分层 土体初始静水压力 $\sigma_{3i}^{3i}$ 可表示为

$$\sigma_{3i}^{cv} = k_0 \sigma_{1i}^c . \tag{10}$$

$$\vec{x} \div :$$

$$k_0 = \mu / (1 - \mu) ; \qquad (11)$$

$$\sigma_{1i}^{\epsilon} = \sum_{k=1}^{i-1} \gamma_k d_k + \gamma_i d_i/2$$
 (12)

于是,将初始静水压力  $\sigma_{3i}^{ci}$  分为  $N_2$ 级对土体进行分级加载,由此可得第 i 分层土体在第 j 级初始静水 压力  $\sigma_{3i}^{ci}$  作用下产生的应变为  $\varepsilon_{3i}^{ci}$ ,即

$$\varepsilon_{3ij}^{cv} = \frac{(1-2\mu)\sigma_{3ij}^{cv}}{E_{i(j-1)}^{cv}}.$$
(13)

式中:  $E_{i(j-1)}^{\infty}$  为第 i 层土体在第 j-1 级初始静水压 力作用完成后的初始变形模量. 由文献 [16-17] 研 究成果可得第 i 层土体在第 j 级初始静水压力作用 完成后的初始变形模量  $E_{ij}^{\infty}$ :

 $E_{ij}^{cc} = E_{i(j-1)}^{cc} / (1 - 3\varepsilon_{ij}^{cc})$ . (14) 于是,将式(13)代入式(14)可得到第*i* 层土体在相 邻两级初始静水压力作用下的变形模量关系表达 式为:

$$E_{ij}^{cv} = \frac{(E_{i(j-1)}^{cv})^2}{E_{i(j-1)}^{cv} - 3(1 - 2\mu)\sigma_{3ij}^{cv}}.$$
 (15)

于是,由式(15)可得第*i* 层土体在初始静水压力 $\sigma_{3i}^{cs}$ 作用完成后的变形模量为 $E_{1i}^{cs}$ .然而,第*i* 层土体的 变形模量在初始偏应力( $\sigma_{1i}^{cs} - \sigma_{3i}^{cs}$ )作用下又会继续 发生变化,于是,将初始偏应力分成  $N_2$ 级,基于修正 的 Duncan-Chang 模型可得第*i* 层土体在第*j* 级初 始偏应力 ( $\sigma_1 - \sigma_3$ ) 常作用下产生的应变为:

$$\epsilon_{ij}^{cp} = \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{cp}}{E_{i(j-1)}^{cp} \left[1 - D_f \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{cp}}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ult}}\right]}.$$
 (16)

式中:  $E_{i(j-1)}^{*}$  为第 *i* 层土体在第 *j* -1 级初始偏应力 作用完成后的变形模量. 由修正的 Duncan-Chang 模型通过  $\partial(\sigma_1 - \sigma_3)/\partial \epsilon_1$  可得第 *i* 层土体在第 *j* 级 初始偏应力作用下的变形模量为:

$$E_{ij}^{cp} = \frac{1}{E_{i(j-1)}^{cp} \left[\frac{1}{E_{i(j-1)}^{cp}} + \frac{D_{i}\varepsilon_{ij}^{cp}}{(\sigma_{1} - \sigma_{3})_{ult}}\right]^{2}}.$$
 (17)

于是,将式(16)代入式(17)可得第 *i* 层土体在相邻 2 级初始偏应力作用下的变形模量关系表达式为:

$$E_{ij}^{cp} = E_{i(j-1)}^{cp} \left[ 1 - \frac{D_{\rm f} (\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{cp}}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{\rm ult}} \right]^2.$$
(18)

于是,由式(18)可得第 *i* 层土体在初始偏应力( s<sub>i</sub> - s<sub>i</sub><sup>o</sup>) )作用完成后的变形模量为 E<sup>o</sup>.可见,利用式

(13)一(18)对第 *i* 层土体进行 N<sub>2</sub>级初始静水压力 和初始偏应力循环迭代计算便可得到不同深度土体 的初始变形模量 E<sup>pp</sup>.值得注意的是,第 *i* 层土体在 初始静水压力作用下的变形模量存在一个初始值, 理论上是零围压下的变形模量,但是这样的试验并 不存在,故这里近似为极低围压下的变形模量.因 此,本文基于上述方法获得的初始变形力学参数对 地基土体在附加应力作用下产生的沉降进行分析 计算.

#### 4 地基土体沉降计算

地基土体在附加应力作用下不断被压密,其变 形力学参数不断发生变化,导致地基土体沉降变形 具有强烈的非线性特征,采用全量分析法将对土体 沉降变形计算带来较大的误差,因此,本文同样基于 分级加载分析方法对地基土体在附加应力作用下的 沉降变形进行分析计算.由地基土体沉降变形分析 模型式(9)可知,需确定地基土体分别在附加静水压 力和附加偏应力作用下的沉降变形计算模型.

荷载在第 *i* 层土体上产生的附加应力(附加竖向应力 σ<sub>i</sub><sup>i</sup> 和附加水平应力 σ<sub>i</sub><sup>si</sup> )可由 Boussinesq 应力解<sup>[1]</sup>确定,于是,基于应力叠加原理,第 *i* 层土体附加应力可视为附加静水压力(σ<sub>i</sub><sup>si</sup> )和附加偏应力(σ<sub>i</sub><sup>si</sup> - σ<sub>i</sub><sup>si</sup> )之和,则地基土体分别在附加静水压力和附加偏应力作用下的沉降变形计算模型建立如下.

首先,将附加静水压力分成  $N_2$ 级对地基土体进行分级加载,由此可得第 i 层土体在第 j 级附加静水压力 $\sigma_{35}$ 作用下产生的应变 $\varepsilon_{35}$ ,即

$$\epsilon_{3ij}^{zv} = \frac{(1-2\mu)\sigma_{3ij}^{zv}}{E_{i(j-1)}^{zv}} \,. \tag{19}$$

式中: E<sup>w</sup><sub>i(j-1)</sub> 为第 *i* 层土体在第 *j*-1 级附加静水压 力作用完成后的变形模量. 地基土体在附加静水压 力作用下,变形模量也会发生变化,故采用类似式 (15)可得变形模量变化前后的关系表达式,即

$$E_{ij}^{zv} = \frac{(E_{i(j-1)}^{zv})^2}{E_{i(j-1)}^{zv} - 3(1 - 2\mu)\sigma_{3ij}^{zv}}.$$
 (20)

显然, E<sup>w</sup> 亦存在一个初始值,其初始值 E<sup>w</sup> 应为附 加应力作用之前各压缩分层在考虑初始地应力影响 后的变形模量,即

 $E_{i0}^{\infty} = E_{i}^{cp}$ . (21) 于是,第*i* 层土体在第*j* 级附加静水压力作用下产 生的竖向变形为

$$\epsilon_{i}^{zv} = \epsilon_{3ij}^{zv} d_{i} = \frac{(1 - 2\mu)\sigma_{3ij}^{zv} d_{i}}{E_{i(j-1)}^{zv}}.$$
 (22)

因此,地基土体在附加静水压力作用下的沉降变形 计算模型为:

$$\sum_{i=1}^{N_1} s_i^{zv} = \sum_{j=1}^{N_2} \sum_{i=1}^{N_1} \frac{(1-2\mu)\sigma_{3ij}^{zv}d_i}{E_{i(j-1)}^{zv}}.$$
 (23)

其次,地基土体在附加偏应力作用下又会继续 产生变形,于是,将附加偏应力分成  $N_2$ 级对地基土 体进行分级加载,由此可得第 i 层土体在第 j 级附 加偏应力  $(\sigma_1 - \sigma_3)$  作用下产生的应变  $\varepsilon_{13}^{23}$ ,即

$$\varepsilon_{1ij}^{zp} = \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{zp}}{E_{i(j-1)}^{zp} \left[1 - D_f \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{zp}}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ult}}\right]}.$$
 (24)

式中: E<sup>(2</sup>*j*-1) 为第*i* 层土体在第*j*-1级附加偏应力 作用完成后的变形模量. 地基土体在附加偏应力作 用下,变形模量又会继续发生变化,故采用类似式 (18)可得变形模量变化前后的关系表达式,即

$$E_{ij}^{zp} = E_{i(j-1)}^{zp} \left[ 1 - \frac{D_{\rm f} (\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{zp}}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{\rm ult}} \right]^2.$$
(25)

于是,第*i* 层土体在第*j* 级附加偏应力作用下产生的竖向变形为

$$s_{i}^{zp} = \varepsilon_{1ij}^{zp} d_{i} = \frac{(\sigma_{1} - \sigma_{3})_{ij}^{zp} d_{i}}{E_{i(j-1)}^{zp} \left[1 - D_{f} \frac{(\sigma_{1} - \sigma_{3})_{ij}^{zp}}{(\sigma_{1} - \sigma_{3})_{ult}}\right]}.$$
(26)

因此,地基土体在附加偏应力作用下的沉降变形计 算模型为:

$$\sum_{i=1}^{N_1} s_i^{zp} = \sum_{j=1}^{N_2} \sum_{i=1}^{N_1} \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{zp} d_i}{E_{i(j-1)}^{zp} \left[ 1 - D_f \frac{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ij}^{zp}}{(\sigma_1 - \sigma_3)_{ult}} \right]}.$$
(27)

最后,通过地基土体分别在附加静水压力和附加偏 应力作用下的沉降变形计算模型即式(23)和式(27) 求得相应的沉降变形,并代入式(9)可得地基土体的 总沉降变形.

### 5 工程实例

为了验证本文方法的合理性与可行性,引用文 献[18-19]工程资料进行分析,其分析步骤如下.

1)根据工程资料确定地基土体的扰动因子,按 第1节方法进行;

2)确定考虑应力历史影响的各压缩分层地基土体的初始变形模量,按第3节方法进行;

3)根据沉降变形计算模型确定在附加应力作用 下各压缩分层地基土体的沉降变形,并得到地基土 体的总沉降变形,按第4节方法进行;

4)将本文地基土体沉降变形计算结果与实测结果 进行比较分析,以验证本文方法的合理性与可行性.

#### 5.1 工程实例1

某软土地基上填筑路堤<sup>[18]</sup>,堤身分别由 1.5 m 厚、平均重度为 17.23 kN/m<sup>3</sup>的淤泥质土和 2.5 m 厚、平均重度为 19.86 kN/m<sup>3</sup>的花岗岩风化土组成; 软土地基由 2 m 厚的浅层土和 10 m 厚的深层土组 成,其物理力学指标见表 1.堤身填土为分级加载, 据观测,地基中心点沉降为 100 cm.

表 1 土体的物理力学参数 Tab. 1 Physical and mechanical parameters of soils

土层	重度 $\gamma/(kN \cdot m^{-3})$	泊松比 <i>µ</i>	黏聚力 c /kPa	内摩擦角 φ /(°)	破坏比 $R_{\rm f}$
浅层土	16.3	0.42	7	8	0.576
深层土	16.3	0.40	8	9	0.651

1)由于文献[18]缺乏实测地基土体扰动资料, 且文献[20]研究表明,扰动对地基土体的影响程度 随深度增大而减小,因此本文为了便于比较分析,假 定扰动因子按深度加权后分别为 0.5,0.7,0.9,1.0 等 4 种工况,然后,采用修正 Duncan-Chang 模型对 土体变形分别进行分析计算.

2)根据分层总和法对计算深度和分层厚度的要求,确定计算深度为 12 m,每层厚度为 1.0 m,即压 缩层数  $N_1 = 12$ .

3)考虑到地基土为软土,根据文献[18]研究成 果可确定浅层土与深层土的初始变形模量分别为 1.22 MPa 和 2.36 MPa,然后,分别计算出各压缩层 地基土体初始地应力( $\sigma_{3i}^{si}$  和  $\sigma_{1i}^{s}$ )以及附加应力( $\sigma_{3i}^{si}$ 和  $\sigma_{1i}^{s}$ ),将其分成 20 级( $N_2 = 20$ ),逐级进行加载. 由此可获得各压缩层初始变形模量以及相应的沉降 变形,并将其累加便可得到地基土体的最终沉降量, 见表 2.

```
表 2 实测值与不同扰动因子下沉降计算值比较(不利扰动)
```

Tab. 2 Comparison between measured values and calculated values under different disturbance factors(adverse disturbance)

扰动因子	计算沉降/cm	实测沉降/cm
0.5	108.5	100
0.7	113.7	100
0.9	118.1	100
1.0	120.4	100

## 5.2 工程实例 2

某试验场地位于 A&M 大学国家岩土试验 站<sup>[20]</sup>,该场地地基土层为均质中等密实含泥细砂, 地下水位埋深 4.9 m,砂土重度为 19.5 kN/m<sup>3</sup>,泊 松比为 0.25,内摩擦角为 32°,压缩模量为 30.0 MPa.在该砂土地基上进行 3 m×3 m 浅基础现场 原位试验,经测试可知,当荷载为1.0×10<sup>4</sup> kN 时基 础中心点沉降变形量为120 mm.

从安全角度考虑,破坏比在本文中取 1.0.由于 试验资料同样缺乏地基土体扰动资料,因此本文为 了便于分析,假定平均扰动因子分别取 - 0.5, -0.7,-0.9等3种工况对地基土体变形进行分析 计算.同时,原始资料只给出压缩模量和泊松比,因 此,本文只能采用变形模量与压缩模量之间的关系 进行换算得到砂土的变形模量,其余计算过程与工 程实例一类似,其结果如表 3 所示.

表 3 实测值与不同扰动因子下沉降计算值比较(有利扰动) Tab. 3 Comparison between measured values and calculated values under different disturbance factors(favorable disturbance)

扰动因子	计算沉降/mm	实测沉降/mm
-0.5	112.1	120
-0.7	105.7	120
-0.9	98.3	120

由上述 2 个工程实例分析可见,对于受到正扰 动(不利扰动)的软土地基,由于结构性遭到了破坏, 压缩性变大,因此软土地基沉降变形随着不利扰动 程度增大而增大;对于受到负扰动(有利扰动)的砂 土地基,由于扰动使砂土变得更加密实,土体变形减 小,故砂土地基沉降变形随着有利扰动程度增大而 减小.由此可见,2 个工程实例计算结果符合地基土 体沉降预测规律.

### 6 结 论

本文从地基沉降变形机理研究入手,考虑扰动 程度、应力状态和应力历史对地基土体非线性变形 的影响,基于叠加原理将地基沉降变形视为附加静 水压力和附加偏应力引起的2部分变形之和,采用 分级加载分析方法通过虎克定律和修正 Duncan-Chang 模型对地基土体的变形力学参数和沉降变形 进行了深入探讨,得到如下结论:

1)本文基于扰动状态概念以抗剪强度和相对密 实度为扰动参量建立扰动因子函数表达式,从而建 立了能反映土体物理力学状态即能考虑扰动影响的 修正 Duncan-Chang 模型.

2)通过分析地基土体的应力状态和应力历史, 建立地基土体沉降变形分析模型并给出了考虑初始 地应力和附加应力影响的变形模量确定方法.

3)采用分级加载分析方法建立基于虎克定律和 修正 Duncan-Chang 模型的地基土体沉降变形计算 模型,弥补了室内固结 e-p 试验曲线和地基静载 p-s 试验曲线的不足.

(In Chinese)

4)工程实例分析表明,本文沉降变形计算分析 方法具有一定的合理性与可行性.

## 参考文献

 赵明华,俞晓,王贻荪、土力学与基础工程[M].武汉:武汉理 工大学出版社,2003:63-66.
 ZHAO Minghua, YU Xiao, WANG Yisun. Soil mechanics

and foundation engineering[M]. Wuhan Wuhan University of Technology Press, 2003:63-66. (In Chinese)

- [2] 杨光华. 地基非线性沉降计算的原状土切线模量法[J]. 岩土 工程学报, 2006, 28(11): 1927-1931.
  YANG Guanghua. Nonlinear settlement computation of the soil foundation with the undisturbed soil tangent modulus method[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2006, 28(11): 1927-1931. (In Chinese)
- [3] 李仁平.用双曲线切线模量方程计算地基非线性沉降[J].岩 土力学,2008,29(7):1987-1992.
  LI Renping. Nonlinear ground settlement calculated by hyperbolic curve tangent modulus equation[J]. Rock and Soil Mechanics, 2008, 29(7):1987-1992. (In Chinese)
- [4] 曹文贵,田小娟,刘海涛,等. 条形基础下地基非线性沉降的改进计算方法[J]. 岩石力学与工程学报,2009,28(11):2262-2272.

CAO Wengui, TIAN Xiaojuan, LIU Haitao, *et al.* Improved method for calculating nonlinear settlements of strip foundation [J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2009, 28(11);2262-2272. (In Chinese)

- [5] 何思明. 基于弹塑性理论的修正分层总和法[J]. 岩土力学, 2003, 24(1):88-92.
  HE Siming. Modified layer-summation based on elastoplastic theory[J]. Rock and Soil Mechanics, 2003, 24(1):88-92.
- [6] 曹文贵,唐旖旎,王江营.基于孔隙介质模型的散体材料桩复合地基沉降分层总和分析方法[J].湖南大学学报:自然科学版,2014,41(11):87-95.

CAO Wengui, TANG Yini, WANG Jiangying. A layer-wise summation analysis method for the settlement of composite ground with friable material piles based on porous medium model[J]. Journal of Hunan University: Natural Sciences, 2014.41(11):87-95. (In Chinese)

- [7] 何昌荣,杨桂芳.邓肯-张模型参数变化对计算结果的影响
  [J].岩土工程学报,2002,24(2):170-174.
  HE Changrong, YANG Guifang. Effects of parameters of Duncan-Chang model on calculated results[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2002, 24(2):170-174. (In Chinese)
- [8] 何春保,沈建华,蔡健,等. Duncan-Chang 非线性地基模型的反演分析[J]. 岩土工程学报,2009,31(4):634-638.
  HE Chunbao, SHEN Jianhua, CAI Jian, *et al.* Back analysis of Duncan-Chang nonlinear foundation model [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2009, 31(4):634-638. (In Chinese)
- [9] 曹文贵,邓湘君,张超. 基于 Duncan-Chang 模型的地基沉降分 层总和分析方法探讨[J]. 岩土工程学报,2013,35(4):643-649.

CAO Wengui, DENG Xiangjun, ZHANG Chao. Layerwise summation method for ground foundation settlement based on Duncan-Chang constitutive model [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2013, 35(4):643-649. (In Chinese)

- [10] DUNCAN J M, CHANG C Y. Nonlinear analysis of stress and strain in soils[J]. Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, ASCE, 1970, 96(SM5): 1629-1653.
- [11] KONDNER R L. Hyperbolic stress-strain response cohesive soils [J]. Journal of the Soil Mechanics and Foundation, ASCE, 1963, 89(SM1): 115-143.
- [12] 沈珠江. 结构性黏土的弹塑性损伤模型[J]. 岩土工程学报, 1993,15(3):21-28.
  SHEN Zhujiang. An elasto-plastic damage model for cemented clays[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1993, 15(3):21-28. (In Chinese)
- [13] 陈铁林,陈生水,周成. 黏土结构性参数测定研究[J]. 岩土工程学报,2008,30(8):1146-1151.
  CHEN Tielin, CHEN Shengshui, ZHOU Cheng. Study on parameter determination of structured clays [J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 2008,30(8):1146-1151. (In Chinese)
- [14] 朱剑锋.考虑扰动影响的土体性状研究[D].杭州:浙江大学 建筑工程学院,2011:13-23.
   ZHU Jianfeng. Study on properties of soil considering disturbance[D]. Hangzhou: College of Civil Engineering and Architecture, Zhejiang University, 2011:13-23. (In Chinese)
- [15] 朱剑锋,徐日庆,王兴陈,等.考虑扰动影响的砂土弹塑性模型
  [J].岩石力学与工程学报,2011,30(1):193-201.
  ZHU Jianfeng, XU Riqing, WANG Xingchen, et al. An elastoplastic model for sand considering disturbance[J]. Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering, 2011, 30(1):193-201. (In Chinese)
- [16] 陈昌富,曹虹,王纯子,等.下卧倾斜硬层对非均布荷载下地基 沉降的影响[J]. 湖南大学学报:自然科学版,2014,41(6):77-84.

CHEN Changfu, CAO Hong, WANG Chunzi, *et al.* Influence of inclined bedrock on subgrade settlements under non-uniformly distributed load[J]. Journal of Hunan University: Natural Sciences, 2014,41(11):77-84. (In Chinese)

- [17] 曹文贵, 刘海涛, 张永杰. 散体材料桩复合地基沉降计算的分层总和法探讨[J]. 水利学报, 2010, 41(8): 984-990.
  CAO Wengui, LIU Haitao, ZHANG Yongjie. Study on layerwise summation method of settlement computation for composite foundation with friable material piles[J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2010, 41(8): 984-990. (In Chinese)
- [18] 彭长学,杨光华. 软土 ep 曲线确定的简化方法及在非线性沉降计算中的应用[J]. 岩土力学, 2008, 29(6): 1706-1710.
  PENG Changxue, YANG Guanghua. A simplified method for determining ep curve of soft soil and its application to analyzing nonlinear settlement of foundation[J]. Rock and Soil Mechanics, 2008, 29(6): 1706-1710. (In Chinese)
- [19] BRIAUD J L, GIBBENS R. Behavior of five large spread footings in sand [J]. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 1999, 125(9):787-796.
- [20] 施建勇,赵维炳,顾吉,等.考虑损伤的软土地基分析[J]. 岩土 工程学报, 1998, 20(2): 2-5.
  SHI Jianyong, ZHAO Weibing, GU Ji, *et al.* Analysis of deformation of soft ground considering damage[J]. Chinese Journal of Geotechnical Engineering, 1998, 20(2): 2-5. (In Chinese)